

# Navier-Stokes Solution of Thermo-Chemical Non-Equilibrium Flow of 70° cone Section of Planetary and the Analysis of Thermal Environment

Geng Qian<sup>1</sup>, Baoguo Wang<sup>2</sup>

School of Aerospace Science and Engineering, Beijing Institute of Technology, Beijing, China Email: gloria716@gmail.com, bguowang@bit.edu.cn

Abstract: The computation of the case of 70° cone section of planetary with a  $M_{\infty}$ =8.65 has been presented in the paper. The results agree with those from the experimental studies in the LENS shock tunnel very well. The vibrational excitation of multi-species, non-equilibrium gas and two-temperature conservative Navier-Stokes equations are employed in the computation. In order to obtain reasonable aerothermal environment, 5 species 17 reactions chemical reaction model has been used. Two non-dimensional numbers have been employed: Damköhler Number and  $|T-T_v|/T$ , to depict the degree of chemical and thermodynamic non-equilibrium respectively. Numerical computing shows that the most significant thermodynamic non-equilibrium shows up after shock wave behind the shoulder, which having a  $|T-T_v|/T$  of 1~3. Typical examples show that the hypersonic thermo-chemical nonequilibrium code we made is valid. It can apply necessary theoretical data for thermal protection design.

Keywords: hypersonic bypass, thermodynamic non-equilibrium, chemical non-equilibrium, Da number, non-dimensional number  $|T-T_v|/T$ 

# 70°圆锥体行星探测器绕流热化学非平衡流场的 Navier-Stokes 方程解与热环境的分析

#### 钱 耕, 王保国

北京理工大学宇航学院,北京,中国,100081 Email:gloria716@gmail.com,bguowang@bit.edu.cn

**摘 要:**本文从双温守恒型 Navier-Stokes 方程组出发,考虑了 5 组元 17 基元化学反应模型以及非平衡态气体的振动激发,求解了来流马赫数为 M<sub>∞</sub>=8.65 时 70<sup>o</sup> 圆锥体探测器的绕流,并与 LENS 激波管中的试验值进行了对比,吻合较好。文中引进了两个重要的无量纲数:达姆科勒数(Damköhler Number) Da 与[*T*-*T<sub>v</sub>*]/*T*,来分别描述流场的化学反应非平衡程度与热力学非平衡程度。数值计算发现,在本计算工况下,热力学非平衡态最显著的区域出现在肩部端点后方,[T-T<sub>v</sub>]/T 最大值的范围为 1~3。典型算例表明:我们所编制的高超声速热化学非平衡源程序是可行的,它可以为飞行器的热防护设计提供必要的理论数据。

关键词: 高超声速绕流; 热力学非平衡态; 化学非平衡态, Da 数, 无量纲数|T-T<sub>v</sub>/T

### 1 引言

近几年,对于航天飞行器再入过程的研究已成为 计算流体力学的热点问题之一。再入过程先后经历稀 薄流区、过渡流区、滑移流区和连续流区,气动环境 十分复杂。对于再入飞行条件,钝头体飞行器飞过行 星大气时具有高超声速,这些高超声速流动通常通过 强弓形激波的存在来描述。在弓形激波后,飞行器巨 大的内能在周围大气中驱散,流场的温度,尤其是在 驻点区域,可以达到很高的值,导致气体分子振动能 的激发以及不同的化学反应。当高超声速飞行器在高 海拔中飞行,低碰撞频率以及高流动速度导致了流场

国家自然科学基金项目(50376004);高等学校博士学科点专项科研基金项目(20030007028)

Proceedings of the 10th Conference on Man-Machine-Environment System Engineering



的热化学非平衡态。

这些高温气体严重的影响着流场的状态,于是准 确地对流场气动热力学环境进行预测是高超声速飞行 器设计与热安全工作的关键一环,飞行器在高速飞行 时所受到的升力、阻力、头部高温区域内壁面的温度 和热流密度都是飞行器气动外型与热防护系统设计过 程中必须事先明确的。

### 2 连续区高超声速流动物理模型

#### 2.1 守恒方程组

对多工况下高超声速飞行器在连续流区域内考虑 多组元、非平衡态气体的振动激发与化学反应过程的 多组元连续方程、动量方程、能量方程以及振动-电子-电子激发能方程所构成的 N-S 方程组表达式如下<sup>[1-3]</sup>:

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \frac{\partial (\mathbf{F} - \mathbf{F}_{v})}{\partial x} + \frac{\partial (\mathbf{G} - \mathbf{G}_{v})}{\partial y} + \frac{\partial (\mathbf{H} - \mathbf{H}_{v})}{\partial z} = \mathbf{W} (2.1)$$

#### 2.2 粘性项

对于牛顿流体,粘性应力由 Stokes 关系式给出:

$$\tau_{ij} = \mu(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i}) + \lambda(\nabla \cdot \vec{u})\delta_{ij} \quad \lambda = -\frac{2}{3}\mu$$
(2.2)

其中 μ 是混合气体的粘性系数。

#### 2.3 能量转移模型

对于气体分子组元 s, 其平动能和振动能的传递速 率为:

$$Q_{T-v_{SL-T}} = \rho_{S} \frac{e_{v_{S}}^{*}(T) - e_{v_{S}}}{\langle \tau_{SL-T} \rangle} \left| \frac{T_{shk} - T_{v_{S}}}{T_{shk} - T_{v_{S}shk}} \right|^{S_{s}-1}$$
(2.3)

其中  $e_{vs}$  是单位质量气体分子组元 s 所具有的振动能,  $e_{vs}^{*}(T)$  是在平动温度 T 下处于热力学平衡态时单位质 量气体分子组元 s 所具有的振动能;  $< \tau_{sL-T} >$  是组 元 s 平动能与振动能的摩尔平均 Landau-Teller 特征松 弛时间。

#### 2.4 热化学反应模型

对于地球大气,化学反应机制选取 5 组元(N<sub>2</sub>、 O<sub>2</sub>、NO、N 和 O)、17 基元反应模型,其中 M 为反应 碰撞单元。正向反应速率 k<sub>f</sub>(T<sub>a</sub>)为:

$$k_f(T_a) = C_f T_a^{\eta} \exp(\theta_d / T_a)$$
(2.4)

其中对于离解反应

$$T_a = T_v^{0.5} T_v^{0.5} \tag{2.5}$$

对于置换反应

$$T_a = T \tag{2.6}$$

 $C_f$ 、 $\eta$  和  $\theta_d$ 的数值采用 Park 给出的结果。在本文的计算中,逆向反应速率  $k_b(T)$ 的形式为:

$$k_b(T) = k_f(T)/K_{eq}(T)$$
 (2.7)

其中

$$K_{eq}(T) = \exp(A_1 + A_2 Z + A_3 Z^2 + A_4 Z^3 + A_5 Z^4)$$
 (2.8)

Z=10000/*T*, 5 类化学反应序列所对应的  $A_1$ 、 $A_2$ 、 $A_3$ 、  $A_4$ 和  $A_5$ 的数值如表 1 所示。

表 1. 平衡常数

反应 序列	$A_1$	$A_2$	$A_3$	$A_4$	$A_5$
1	3.898	-12.611	0.683	-0.118	0.006
2	1.335	-4.127	-0.616	0.093	-0.005
3	1.549	-7.784	0.228	-0.043	0.002
4	0.215	-3.657	0.843	-0.136	0.007
5	2.349	-4.828	0.455	-0.075	0.004

## 2.5 输运模型

对于流场中的混合气体,采用 Wilke 半经验混合 律公式<sup>[4]</sup>计算其粘性系数 μ,平动热传导系数 κ 和振动 热传导系数 κ<sub>vib</sub>;对所有组元,其 Schmidt 数均取 0.5。

# 3. 70°圆锥体在 LENS 激波管内的算例验证与 分析

#### 3.1 算例背景

1994 年,作为由 AGARD 第 18 工作组提出的讨论的结果,设计了一个有大量测量的实验,这些测量在许多国际高焓实验设备中完成。作为检验流动的标准飞行器,外型选择了刺式、钝头的 70°圆锥体<sup>[5]</sup>。本文选取了在 LENS 激波管中进行的该实验的六个工况之一,即工况 E。工况 A,E,F 在头部区域和基底区域都属于连续流动,可以用 N-S 方程求解的方法进行模拟。

#### 3.2 计算工况

对于自由来流气体, 空气中组元 N<sub>2</sub> 与 O<sub>2</sub> 的质量 分数分别为 74%与 16%; NO 与 O 的质量分数分别为 6%与 4%。壁面为等温壁 535.70 degrees R。在此工况 下, 来流的攻角为 0°。



表 2. 计算工况

试验气体	$M_\infty$	$u_{\infty}(Ft/sec)$	$T_{\infty}(dgrees R)$
Air	8.6545	14525	1172.8
试验气体	$p_{\infty}(psia)$	$ ho_{\infty}(slugs/ft/ft/ft)$	T <sub>w</sub> (dgrees R)
Air	0.090307	6.3331×10 <sup>-6</sup>	535.70



图 1.70° 钝头体外型

3.3 计算结果与分析



图 3. 流场马赫数等值线

流场马赫数分布如图 3 所示,激波后方流场压强 最大值达到了 33930Pa,约为 4.92psia。流场平动-转动 温度与分子振动温度分别如图 4 与图 5 所示,由于化 学反应及强烈的分子振动激发的出现,在激波后驻点 附近区域,沿着流线方向平动-转动温度略高于分子振 动温度,热力学非平衡态现象非常明显,图 6 所给出 的流场中平动-转动温度与振动温度差值|T-T<sub>v</sub>|/T 的最 大值甚至达到了 2.33。

图 7-图 10 给出了气体各组元在流场中的质量分 布,可以看出,激波后的头部区域的 O<sub>2</sub>分子已经基本 全部离解为 O 原子,而 N<sub>2</sub>分子则有一小部分离解为 N 原子,这是由于 N<sub>2</sub>分子离解反应的活化能要大于 O<sub>2</sub> 分子。而 N 原子和 O 原子的分布趋势与 N<sub>2</sub>分子与 O<sub>2</sub> 分子的分布趋势正好相反,其中 N 原子和 O 原子质量 分数的最大值分别为 0.03977 和 0.2291。NO 气体分子 质量分数最大值为 0.07765,出现在激波后方靠近肩部 的区域内。



图 4. 流场平动-转动温度等值线



图 5. 流场振动温度等值线







图 8. 流场 N<sub>2</sub>质量分布等值线



图 9. 流场 O 质量分布等值线



图 10. 流场 N 质量分布等值线

给出流动的特征时间  $\tau_f$  和化学反应特征松弛时间  $\tau_r$  的比值达姆柯勒数 Da(Damköhler Number),就可以 定量的说明流场中化学非平衡态。对于不同的基元反 应,化学反应特征松弛时间  $\tau_r$ 是不同的,因此不同的 基元反应所对应的达姆柯勒数 Da 在数值上的分布往 往差异很大,但分布的趋势一致。对同一反应,Da 数 值越大,反应速率越快。在本算例中,主要的反应是  $N_2$ 分子与  $O_2$ 分子的离解反应,即

$$N_2+M \leftrightarrow N+N+M$$
 (3.1)

$$O_2 + M \leftrightarrow O + O + M \tag{3.2}$$

达姆柯勒数 Da(N2)与 Da(O2)分别为

$$D_{a}(N_{2}) = (R_{n} / U_{\infty})k_{f,N_{2}} \rho_{N_{2}} / M_{N_{2}}$$
(3.3)

$$D_a(O_2) = (R_n / U_\infty) k_{f,O_2} \rho_{O_2} / M_{O_2}$$
(3.4)

流场中 N2 离解反应所对应的达姆柯勒数如图 11



所示,可以看出,化学反应基本上只是发生在驻点附近区域,并且达姆柯勒数值很小,反应很微弱,这是由于该 N<sub>2</sub>离解所需能量较大,而此时流场温度较低。



图 12. 流场 O<sub>2</sub> 离解反应所对应的达姆赫勒数分布

流场中O<sub>2</sub>离解反应所对应的达姆柯勒数如图12所示,可以看出,化学反应也基本上只是发生在驻点附近区

域,并且达姆柯勒数值比  $N_2$ 值高了近三个数量级,这 说明流场中不同反应所对应的达姆柯勒数值差别非常 大。与  $N_2$ 相比,  $O_2$ 离解所需能量较小,反应剧烈程度 较高。还可以看出,由于  $N_2$ 离解和  $O_2$ 离解所对应的 控制温度均为( $TT_V$ )<sup>0.5</sup>,因此这两个反应相对的剧烈程 度分布特性一致。

## 4. 结论

本文采用二维化学非平衡、热力学非平衡态流场 解决方法完成了刺式 70°圆锥体探测器在 LENS 激波 管中的流场分析以及气动热力学环境的模拟,计算结 果与国外权威数据吻合较好。数值计算表明:对激波 后的高温流场,在地球大气环境下,高温流场主要成 分为 O 原子、N 原子、N<sub>2</sub>分子和 NO 分子。激波后头 部区域中,|T-T<sub>v</sub>|/T 最大值的范围为 0.4~0.6,并且在紧 贴壁面附近流动是处于热力学平衡态的;热力学非平 衡态最显著的区域出现在肩部端点后方的区域, [T-T<sub>v</sub>|/T 最大值的范围为 1~3。

典型算例再次表明:我们所编制的高超声速热化 学非平衡源程序是可行的,可以预测高超声速飞行器 穿越连续流区时壁面热流的分布,能够为热防护设计 提供必要的理论数据。

# References (参考文献)

- Wang Bao-guo, Liu Shu-yan, Huang Wei-guang. Gas Dynamics [M].Beijing: Five university presses of Science Technology and Industry for National Defence, 2005: 527-576.
   王保国,刘淑艳,黄伟光. 气体动力学[M]. 北京:北京理工大 学/北京航空航天大学/西北工业大学/哈尔滨工业大学/哈尔滨 工程大学联合出版社, 2005:527-576.
- [2] WANG Baoguo, LIU Shuyan, JIANG Guoyi. Numerical Computation of Hypersonic Chemical Non-equilibrium Flow[J]. Physics of Gases – Theory and Applications, 2007,2(2): 150-153. 王保国,刘淑艳,姜国义,等. 高超声速化学非平衡流动的数 值计算[J]. 气体物理-理论与应用, 2007, 2(2): 150-153.
- [3] WANG Baoguo, LI Xiang. CFD Prediction of Hypersonic Vehicle Reentry Flowfield of Multiple Cases[J]. Journal of Xi'an Jiaotong University, 2010, 44(1): 71-76. 王保国,李翔. 多工况下高超声速飞行器再入时流场的计算[J]. 西安交通大学学报, 2010: 44(1):71-76.
- [4] Park, C. Assessment of two-temperature kinetic model for ionizing air [R]. AIAA Paper 1987, 87-1574.
- [5] Holden, M. S., Harvey, J. K., Boyd, I. D., George, J., Horvath, T. J. Experimental and computational studies of flow over a sting mounted planetary probe configuration [R]. AIAA Paper 1997-0768, Jan., 1997.